

## MODÉLISATION NUMÉRIQUE EN PHYSIQUE

### TRAVAUX PRATIQUES Nos. 2 (Durée: 3h)

#### 1. Ondes unidimensionnelles

On considère l'équation d'onde unidimensionnelle

$$\Delta s - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 s}{\partial t^2} = 0$$

dont on peut montrer que

$$s = f(x - ct) + f(x + ct)$$

est une solution.

En prenant  $c = 1$  et  $f(X) = e^{-X^2}$  réaliser une fonction Scilab permettant de visualiser l'évolution séparée puis simultanée des deux termes de  $s$  pour  $-10 < x < 10$  et  $0 < t < 10$  avec des pas d'espace et de temps de 0,1 unités. On utilisera les fonctions d'animation (voir la démo animation). Visualiser d'abord les phénomènes à  $x$  variable pour un  $t$  donné, puis  $t$  variable et  $x$  donné. Tracer le résultat en 3D à l'aide de `plot3d`.

Reprendre ces questions en considérant des  $f(kx - \omega t)$  et commenter l'influence des valeurs de  $k$  et  $\omega$ .

#### 2. Interférences d'ondes sphériques

On considère deux sources 1 et 2 situées dans le plan  $Oxy$  aux coordonnées  $(1,0)$  et  $(-1,0)$ , rayonnant respectivement des ondes

$$\Psi_1 = \frac{e^{i(kr_1 - \omega t)}}{r_1}$$

et

$$\Psi_2 = \frac{e^{i(kr_2 - \omega t)}}{r_2}$$

$r_1$  est la distance du point  $r(x,y)$  à la source 1, et  $r_2$  est la distance du point  $r(x,y)$  à la source 2. On prendra  $k = \omega = 1$  dans un premier temps.

Le plan sera discrétisé entre -5 et 5 pour  $x$  et  $y$  par pas de 0,1 unités. On se placera à  $t = 0$ .

Écrire un programme Scilab permettant de visualiser à l'aide des fonctions `contour` et `plot3d`:

- (a) les parties réelles de  $\Psi_1$  et  $\Psi_2$  séparément
- (b) la partie réelle de  $\Psi_1 + \Psi_2$
- (c) le module de  $\Psi_1 + \Psi_2$

(d) la somme des modules de  $\psi_1$  et  $\psi_2$

Attention : contour et plot3d prennent pour arguments deux vecteurs  $v_x$  et  $v_y$  et une matrice  $z = f(x,y)$

Étudier éventuellement l'influence d'un déphasage  $\phi$  de 1 par rapport à 2, l'évolution temporelle des figures, et l'influence des valeurs de  $k = \frac{2\pi}{\lambda}$  puis de  $\omega$ .

### 3. Trous d'Young

On se place désormais dans une situation physique réaliste : deux trous situés à  $x = a/2$  et  $x = -a/2, y = 0$ , éloignés de la distance  $z = D$  d'un écran plan  $Oxy$  situé à  $z = 0$ .

On prendra  $D = 2 \text{ m}$ ,  $a = 1 \text{ mm}$ ,  $\lambda = 600 \text{ nm}$ .

Les trous rayonnent des ondes sphériques en phase. (ils sont en effet éclairés par la même source lumineuse).

Reprendre la question précédente pour visualiser le module de  $\psi_1 + \psi_2$  sur l'écran. En se plaçant à  $y$  donné, tracer cette quantité en fonction de  $x$  et trouver l'interfrange  $i$ .

Est-il vraiment nécessaire de tenir compte de la décroissance en  $r$  de  $\psi_1$  et de  $\psi_2$  ? Refaire les figures en supprimant le dénominateur des expressions de  $\psi_1$  et  $\psi_2$ .