

MODÉLISATION NUMÉRIQUE EN PHYSIQUE

TRAVAUX PRATIQUES Nos. 2 (Durée: 3h)

1. Ondes unidimensionnelles

On considère l'équation d'onde unidimensionnelle

$$\Delta s - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 s}{\partial t^2} = 0$$

dont on peut montrer que

$$s = f(x - ct) + f(x + ct)$$

est une solution.

En prenant $c = 1$ et $f(X) = e^{-X^2}$ réaliser une fonction Scilab permettant de visualiser l'évolution séparée puis simultanée des deux termes de s pour $-10 < x < 10$ et $0 < t < 10$ avec des pas d'espace et de temps de 0,1 unités. On utilisera les fonctions d'animation (voir la démo animation). Visualiser d'abord les phénomènes à x variable pour un t donné, puis t variable et x donné. Tracer le résultat en 3D à l'aide de `plot3d`.

Reprendre ces questions en considérant des $f(kx - \omega t)$ et commenter l'influence des valeurs de k et ω .

2. Interférences d'ondes sphériques

On considère deux sources 1 et 2 situées dans le plan Oxy aux coordonnées $(1,0)$ et $(-1,0)$, rayonnant respectivement des ondes

$$\Psi_1 = \frac{e^{i(kr_1 - \omega t)}}{r_1}$$

et

$$\Psi_2 = \frac{e^{i(kr_2 - \omega t)}}{r_2}$$

r_1 est la distance du point $r(x,y)$ à la source 1, et r_2 est la distance du point $r(x,y)$ à la source 2. On prendra $k = \omega = 1$ dans un premier temps.

Le plan sera discrétisé entre -5 et 5 pour x et y par pas de 0,1 unités. On se placera à $t = 0$.

Écrire un programme Scilab permettant de visualiser à l'aide des fonctions `contour` et `plot3d`:

- (a) les parties réelles de Ψ_1 et Ψ_2 séparément
- (b) la partie réelle de $\Psi_1 + \Psi_2$
- (c) le module de $\Psi_1 + \Psi_2$

(d) la somme des modules de ψ_1 et ψ_2

Attention : contour et plot3d prennent pour arguments deux vecteurs v_x et v_y et une matrice $z = f(x,y)$

Étudier éventuellement l'influence d'un déphasage ϕ de 1 par rapport à 2, l'évolution temporelle des figures, et l'influence des valeurs de $k = \frac{2\pi}{\lambda}$ puis de ω .

3. Trous d'Young

On se place désormais dans une situation physique réaliste : deux trous situés à $x = a/2$ et $x = -a/2, y = 0$, éloignés de la distance $z = D$ d'un écran plan Oxy situé à $z = 0$.

On prendra $D = 2 \text{ m}$, $a = 1 \text{ mm}$, $\lambda = 600 \text{ nm}$.

Les trous rayonnent des ondes sphériques en phase. (ils sont en effet éclairés par la même source lumineuse).

Reprendre la question précédente pour visualiser le module de $\psi_1 + \psi_2$ sur l'écran. En se plaçant à y donné, tracer cette quantité en fonction de x et trouver l'interfrange i .

Est-il vraiment nécessaire de tenir compte de la décroissance en r de ψ_1 et de ψ_2 ? Refaire les figures en supprimant le dénominateur des expressions de ψ_1 et ψ_2 .